

**Государственная (итоговая) аттестация  
по МАТЕМАТИКЕ  
Вариант № 1310**

**Инструкция по выполнению работы**

**Общее время экзамена — 235 минут.**

**Характеристика работы.** Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1) и 6 заданий повышенного уровня (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 — 8 заданий; в части 2 — 3 задания. Модуль «Геометрия» содержит 8 заданий: в части 1 — 5 заданий; в части 2 — 3 задания. Модуль «Реальная математика» содержит 7 заданий: все задания — в части 1.

**Советы и указания по выполнению работы.** Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа. Ответы сначала укажите на листах с заданиями экзаменационной работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1.

Решения к заданиям части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов № 2. Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

**Как оценивается работа.** Баллы, полученные Вами за верно выполненные задания, суммируются. Для успешного прохождения итоговой аттестации необходимо набрать в сумме не менее 8 баллов, из них: не менее 3 баллов по модулю «Алгебра», не менее 2 баллов по модулю «Геометрия» и не менее 2 баллов по модулю «Реальная математика». За каждое правильно выполненное задание части 1 выставляется 1 балл. В каждом модуле части 2 задания расположены по нарастанию сложности и оцениваются в 2, 3 и 4 балла.

**Желаем успеха!**

Используется с бланками ответов

**Часть 1**

▪ Для заданий с выбором ответа (2, 3, 8, 14) из четырёх предложенных вариантов выберите один верный.

В бланке ответов № 1 поставьте знак «×» в клеточку, номер которой соответствует номеру выбранного Вами ответа.

▪ Для заданий с кратким ответом полученный результат сначала запишите на листе с текстом работы после слова «Ответ». Если получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную.

Перенесите ответ в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждый символ (цифру, знак минус, запятую или точку с запятой) пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений указывать не нужно.

▪ Если при решении задания 4 найдено несколько корней, запишите их (в любом порядке) в бланк ответов № 1, разделив точкой с запятой ( ; ).

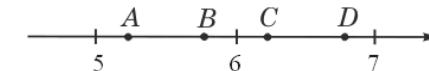
Ответом к заданиям 5 и 13 является последовательность цифр. Перенесите цифры в бланк № 1 без пробелов, запятых и других символов.

**Модуль «Алгебра»**

- 1 Найдите значение выражения  $0,8 \cdot (-10)^2 - 95$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 2 Одна из точек, отмеченных на координатной прямой, соответствует числу  $\sqrt{39}$ . Какая это точка?



- 1) точка A      2) точка B      3) точка C      4) точка D

- 3 В какое из следующих выражений можно преобразовать дробь  $\frac{z^{-6} \cdot z}{z^{-3}}$ ?

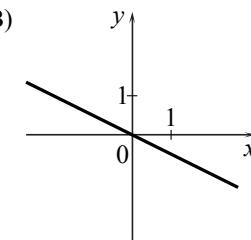
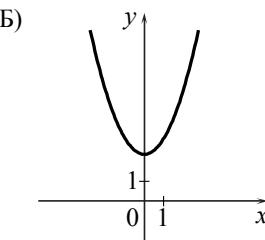
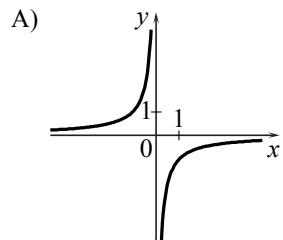
- 1)  $z^{-2}$       2)  $z^{-1}$       3)  $z^{-8}$       4)  $z^3$

**4** Найдите корни уравнения  $5x^2 - 10x = 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**5** Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ



ФОРМУЛЫ

1)  $y = x^2 + 2$

2)  $y = -\frac{1}{x}$

3)  $y = -\frac{1}{2}x$

4)  $y = \frac{1}{2}x$

Ответ:

A	Б	В

**6** Данна арифметическая прогрессия  $(a_n)$ : 1, 3, 5, ... . Найдите  $a_{11}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

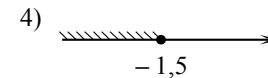
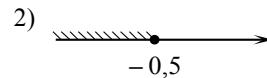
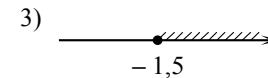
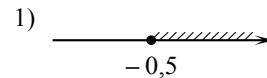
**7** Упростите выражение  $\frac{cx - x^2}{c} : \frac{c - x}{c^2}$  и найдите его значение при  $c = 34$ ;  $x = 5$ .

В ответе запишите найденное значение.

Ответ: \_\_\_\_\_.

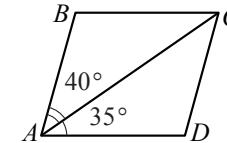
Используется с бланками ответов

**8** Решите неравенство  $x - 1 \leq 3x + 2$  и определите, на каком рисунке изображено множество его решений.



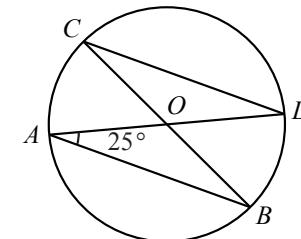
Модуль «Геометрия»

**9** Диагональ  $AC$  параллелограмма  $ABCD$  образует с его сторонами углы, равные  $40^\circ$  и  $35^\circ$ . Найдите больший угол параллелограмма.



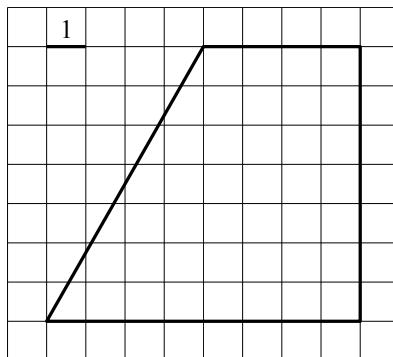
Ответ: \_\_\_\_\_ град.

**10** В окружности с центром в точке  $O$  проведены диаметры  $AD$  и  $BC$ , угол  $OAB$  равен  $25^\circ$ . Найдите величину угла  $OCD$ .



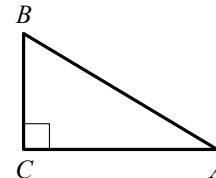
Ответ: \_\_\_\_\_ град.

- 11** Найдите площадь трапеции, изображённой на рисунке.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 12** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $AC = 9$ ,  $\cos A = 0,3$ . Найдите  $AB$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 13** Укажите номера верных утверждений.

- 1) Медиана равнобедренного треугольника, проведённая из вершины, противолежащей основанию, перпендикулярна основанию.
- 2) Диагонали любого прямоугольника делят его на 4 равных треугольника.
- 3) Для точки, лежащей внутри круга, расстояние до центра круга меньше его радиуса.

Ответ: \_\_\_\_\_.

Используется с бланками ответов

**Модуль «Реальная математика»**

- 14** В таблице даны рекомендуемые суточные нормы потребления (в г/сутки) жиров, белков и углеводов детьми от 1 года до 14 лет и взрослыми.

Вещество	Дети от 1 года до 14 лет	Мужчины	Женщины
Жиры	40–97	70–154	60–102
Белки	36–87	65–117	58–87
Углеводы	170–420		257–586

Какой вывод о суточном потреблении белков 10-месячным мальчиком можно сделать, если по подсчётом диетолога в среднем за сутки он потребляет 30 г белков?

- 1) Потребление в норме.
- 2) Потребление выше рекомендуемой нормы.
- 3) Потребление ниже рекомендуемой нормы.
- 4) В таблице недостаточно данных.

- 15** На рисунке изображён график изменения атмосферного давления в городе Энске за три дня. По горизонтали указаны дни недели, по вертикали — значения атмосферного давления в миллиметрах ртутного столба. Укажите наименьшее значение атмосферного давления в среду.



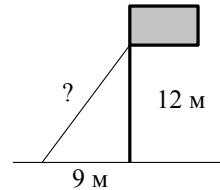
Ответ: \_\_\_\_\_ мм рт. ст.

- 16** Кофейник, который стоил 900 рублей, продаётся с 10%-й скидкой. При покупке этого кофейника покупатель отдал кассиру 1000 рублей. Сколько рублей сдачи он должен получить?

Ответ: \_\_\_\_\_ р.

17

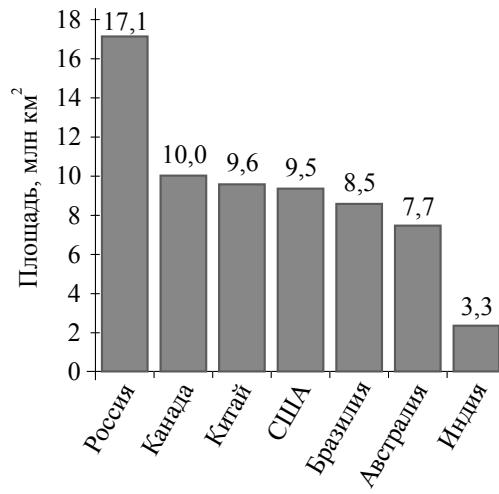
- Точка крепления троса, удерживающего флагшток в вертикальном положении, находится на высоте 12 м от земли. Расстояние от основания флагштока до места крепления троса на земле равно 9 м. Найдите длину троса.



Ответ: \_\_\_\_\_ м.

18

- На диаграмме представлены семь крупнейших по площади территории (в млн  $\text{км}^2$ ) стран мира.



Какое из следующих утверждений **неверно**?

- 1) По площади территории второе место в мире занимает Канада.
- 2) Площадь Китая больше площади Канады.
- 3) Площадь США больше площади Бразилии на 1 млн  $\text{км}^2$ .
- 4) Площадь территории Австралии составляет 7,7 млн  $\text{км}^2$ .

В ответе запишите номер выбранного утверждения.

Ответ: \_\_\_\_\_.

Используется с бланками ответов

19

- Девятиклассники Петя, Катя, Ваня, Даша и Наташа бросили жребий, кому начинать игру. Найдите вероятность того, что начинать игру должна будет девочка.

Ответ: \_\_\_\_\_.

20

- В фирме «Родник» стоимость (в рублях) колодца из железобетонных колец рассчитывается по формуле  $C = 6000 + 4100 \cdot n$ , где  $n$  — число колец, установленных при рытье колодца. Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость колодца из 10 колец.

Ответ: \_\_\_\_\_ р.

**Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.**

**Часть 2**

*При выполнении заданий 21–26 используйте бланк ответов № 2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.*

**Модуль «Алгебра»**

- 21** Решите неравенство  $\frac{x^2}{2} \geq \frac{2x+2}{3}$ .

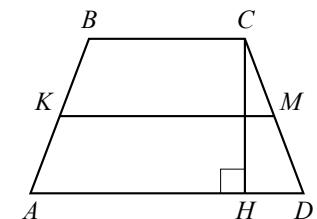
- 22** Из пункта  $A$  в пункт  $B$ , расстояние между которыми  $34$  км, выехал велосипедист. Одновременно с ним из  $B$  в  $A$  вышел пешеход. Велосипедист ехал со скоростью, на  $8$  км/ч большей скорости пешехода, и сделал в пути получасовую остановку. Найдите скорость пешехода, если известно, что они встретились в  $24$  км от пункта  $A$ .

- 23** При каком значении  $p$  прямая  $y = -x + p$  имеет с параболой  $y = x^2 + 3x$  ровно одну общую точку? Найдите координаты этой точки. Постройте в одной системе координат данную параболу и прямую при найденном значении  $p$ .

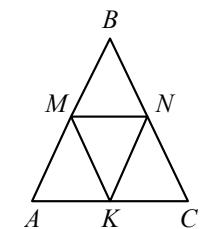
Используется с бланками ответов

**Модуль «Геометрия»**

- 24** В трапеции  $ABCD$  боковые стороны  $AB$  и  $CD$  равны,  $CH$  — высота, проведённая к большему основанию  $AD$ . Найдите длину отрезка  $HD$ , если средняя линия  $KM$  трапеции равна  $12$ , а меньшее основание  $BC$  равно  $4$ .



- 25** В равнобедренном треугольнике  $ABC$  ( $AB=BC$ ) точки  $M, N$ ,  $K$  — середины сторон  $AB$ ,  $BC$ ,  $CA$  соответственно. Докажите, что треугольник  $MNK$  — равнобедренный.



- 26** Из вершины прямого угла  $C$  треугольника  $ABC$  проведена высота  $CP$ . Радиус окружности, вписанной в треугольник  $ACP$ , равен  $12$  см, тангенс угла  $ABC$  равен  $2,4$ . Найдите радиус вписанной окружности треугольника  $ABC$ .